

Concours d'accès à la formation de de Doctorat LMD en Génie Electrique 2012/2013

Epreuve : Traitement du signal et Automatique

A) TRAITEMENT DU SIGNAL:

Question 1: (4 points)

Pour chacun des signaux suivants, indiquer s'il possède une transformée de Fourier et pourquoi.

$x_1(t) = e^{-t} \sin(\omega_0 t)u(t)$; $x_2(t) = e^t \sin(\omega_0 t)u(t)$; $x_3(t) = e^t \sin(\omega_0 t)u(-t)$; $x_4(t) = \frac{\sin(t)}{t}$

Note : $u(t)$ est l'échelon unitaire.

Question 2: (4 points)

Soit le signal $x(t) = 10 + 20 \sin(60\pi t) + 10 \cos(100\pi t)$.

Si $x(t)$ est filtré par les filtres de la figure 1, donner à chaque fois l'expression du signal obtenu en sortie (avec justification).

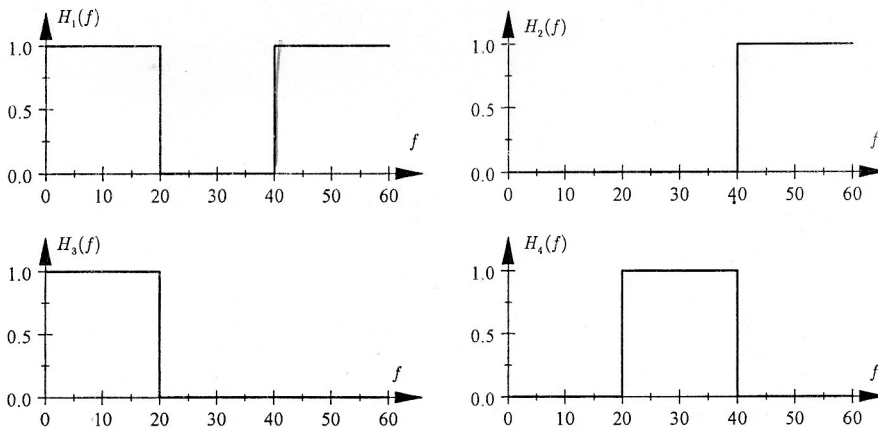


Figure 1.

Question 3: (4 points)

Soit le signal $x(t)$ de la figure 2.

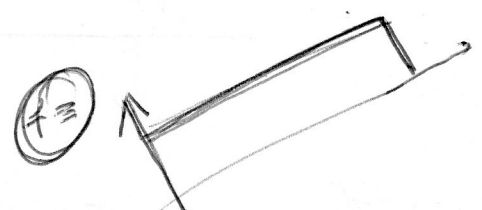
1 – Indiquer sa fréquence f_0 .

2 – Quelle est la fréquence minimale $f_{e\min}$ qui permet d'échantillonner $x(t)$?

3 – Si le signal discret $x(nT_e)$ (figure 3) est le résultat de l'échantillonnage de $x(t)$, indiquer la valeur de période d'échantillonnage T_e et la fréquence d'échantillonnage f_e . Est-ce quelle est compatible avec théorème de Shannon ?

$f = \infty$
 $\Rightarrow f = \infty$

$f = 3$
 $T_e = \frac{1}{f}$



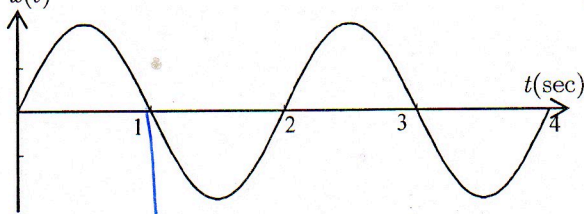


Figure 2

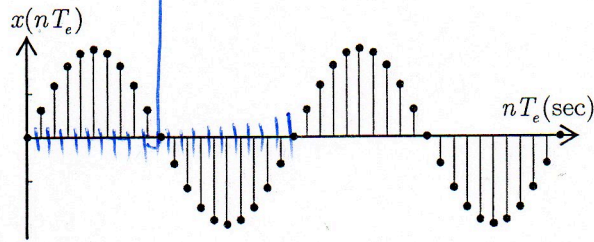


Figure 3

Question 4: (4 points)

Expliciter le rôle de chacun des blocs (1 à 4) de la figure 4.

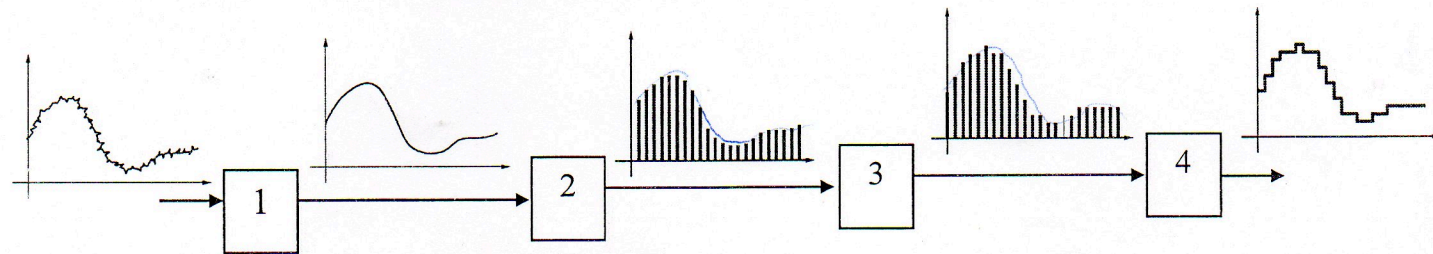


Figure 4

Question 5: (4 points)

Pour chacun des filtres discrets suivants, indiquer son type (RII ou RIF) et sa stabilité.

1. $y(n) + x(n) + x(n-1) = 3x(n-2)$
2. $y(n) + y(n-1) = x(n-1)$
3. $y(n) = x(n) - x(n-1)$
4. $y(n) - 0.16y(n-2) = x(n)$

B) AUTOMATIQUE:

Question 1: (5 points)

Soit le système dynamique de la figure 1,

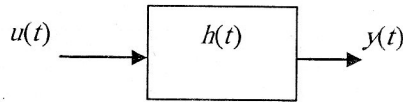


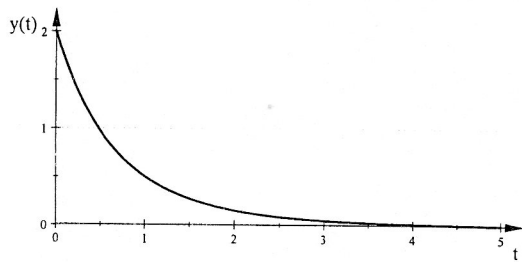
Figure 1.

- 1- Donner les définitions des termes suivants : Linéarité - Invariance (stationnarité) – Causalité.
- 2- Donner l'expression de $y(t)$:
 - lorsque $u(t)$ est une impulsion de Dirac.
 - lorsque $u(t)$ est un échelon unitaire.

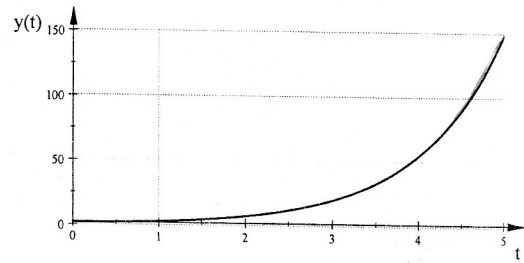
Question 2: (7 points)

Les courbes de la figure 2 montrent les réponses impulsionnelles d'un système du 2^{ème} ordre pour différentes positions de ses pôles.

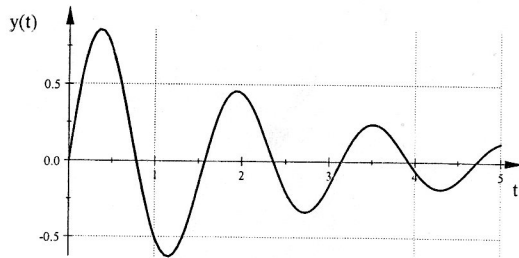
Indiquer pour chaque réponse la position des pôles dans le plan complexe et le type de stabilité.



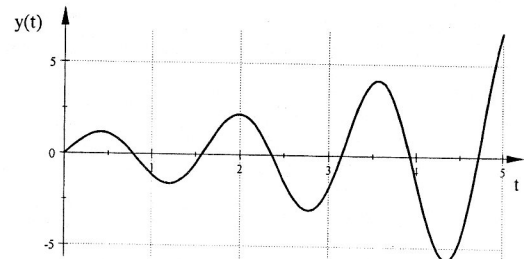
a



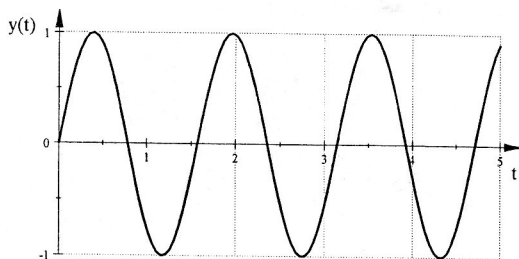
b



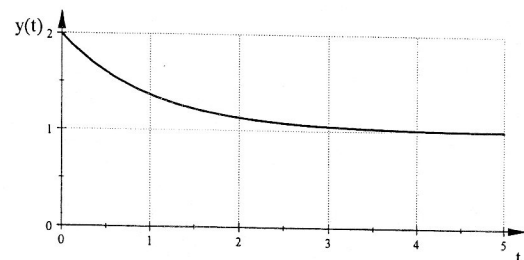
c



d



e



f

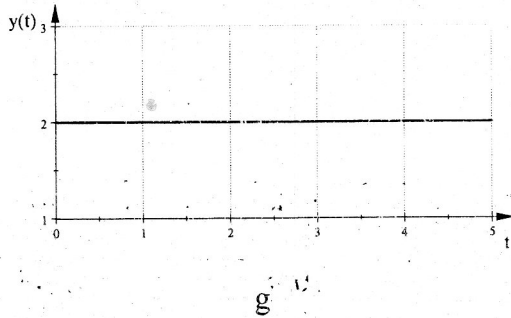


Figure 2.

Question 3: (5 points)

Pour le système de la figure 3,

- 1- Déterminer la marge de phase, la marge de gain et le degré relatif.
- 2- Le système possède-t-il un pôle à l'origine (justifier) ?
- 3- Le système est-il stable (justifier) ?

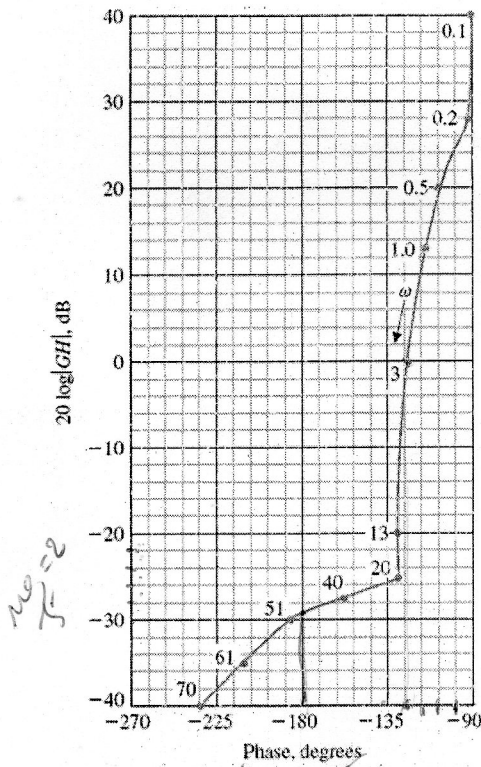


Figure 3

Question 4: (5 points)

Soit le système non linéaire :

$$\dot{x}_1 = x_2(x_1 + 1)$$

$$\dot{x}_2 = x_1(x_2 + 3)$$

1. Déterminer les points d'équilibre du système.
2. Déterminer le type de comportement pour chacun des points d'équilibre et sa stabilité.
3. Tracer qualitativement le portrait de phase du système.

Question 5: (6 points) Répondre sans calcul et avec justification.

Soit le système décrit par les équations d'état :

$$\dot{x}(t) = \begin{bmatrix} -1 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} x(t) + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix} u(t)$$

$$y(t) = [1 \ 0 \ 1] x(t)$$

- 1- Le système est-il stable? Entièrement contrôlable? Entièrement observable?
- 2- Peut-on améliorer le comportement du système? Comment?
- 3- Quel est le rôle de l'observateur dans un système de commande? Quelle est la différence entre un observateur d'ordre complet et un observateur d'ordre réduit?

Handwritten notes and calculations:

- $$C(s) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$
- $$D = \begin{bmatrix} (p+1) & (p+1)(p-1) \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \quad p=1$$
- $$D = C(pI - A)^{-1} B + D$$
- $$\begin{bmatrix} (p+1) & 0 \\ 0 & p+1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$
- $$\begin{bmatrix} (p+1) & 1 & 0 \\ 0 & p+1 & 0 \\ 0 & 0 & (p-1) \end{bmatrix}$$